Осень 2020

Лабораторная работа №1

Преподаватель: Новоселов Семен

Разработать программу в системе компьютерной алгебры Sage, реализующую следующие функции:

- 1. jInvariant(a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6), где a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 коэффициенты кривой, заданной уравнением Вейерштрасса. Если кривая является эллиптической, функция возвращает j-инвариант кривой, иначе сообщение о том, что кривая сингулярна.
- 2. randIsomorphic $(a_1 = 0, a_2 = 0, a_3 = 0, a_4 = 0, a_6 = 0, a = 0, b = 0)$, где $a_1, a_2, a_3, a_4, a_6, a, b$ коэффициенты эллиптической кривой E_1 в общем случае, или в случае $char(K) \neq 2, 3$. Функция возвращает коэффициенты кривой E_2 , изоморфной E_1 над \mathbb{Q} путём случайного выбора параметров (u, r, s, t). Если коэффициенты a_1, a_2, a_3, a_4, a_6 задают сингулярную кривую, функция терминирует с соответствующим сообщением.
- 3. isIsomorphic(a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 , a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 , a_8 , a_8
- 4. findExtension(a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 , a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 , a_9), коэффициенты эллиптической кривой E_1 , a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 коэффициенты эллиптической кривой E_2 , заданные над \mathbb{F}_p (p интерпретировать аналогично предыдущей функции). Функция определяет, над каким полем кривые $E_1 \simeq E_2$ и возвращает степень расширения этого поля над \mathbb{F}_p . Если коэффициенты a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 или a_1 , a_2 , a_3 , a_4 , a_6 задают сингулярную кривую, функция терминирует с соответствующим сообщением.

Требования к сдаче

• Исходный код должен содержать комментарии к каждой из функций с описанием входных и выходных параметров